

**Informatik 5. Klasse**  
**Examensvorbereitung**  
**Teil 2**

## **OOP: Aufgabe 1**

- (a) Was ist die Grundidee der objektorientierten Programmierung (OOP)?
  
- (b) Nenne zwei Konzepte, welche mit OOP eingeführt werden.
  
- (c) Was ist eine Klasse?
  
- (d) Was ist ein Objekt (eine Instanz)?
  
- (e) Was sind Objektvariablen bzw. Klassenvariablen?
  
- (f) Was sind Objektmethoden bzw. Klassenmethoden?
  
- (g) Was ist ein Konstruktor?

## OOP: Aufgabe 2

Erkläre möglichst genau mit Fachausdrücken, was das folgende Python-Programm macht.

```
1 class Example:
2
3     a = 5
4
5     def __init__(self, x):
6         self.x = x
7
8     def __str__(self):
9         return('{0}'.format(self.x))
10
11    def bar(self, y):
12        self.x += y
13
14    def foo(b):
15        Example.a = b
16
17 e = Example(1)
18 e.bar(3)
19 print(e)
20 Example.foo(7)
21 print(Example.a)
```

## OOP: Aufgabe 3

Erkläre möglichst genau mit Fachausdrücken, was das folgende Python-Programm macht.

```
1 class Stack:
2
3     def __init__(self):
4         self.items = []
5
6     def __str__(self):
7         return '{0} <top>'.format(self.items)
8
9     def __len__(self):
10        return len(self.items)
11
12    def push(self, x):
13        self.items.append(x)
14
15    def pop(self):
16        return self.items.pop()
17
18 s = Stack()
19 s.push(5)
20 s.push(3)
21 s.push(4)
22 print(len(s))
23 x = s.pop()
24 y = s.pop()
25 s.push(x+y)
26 print(s)
```

## OOP: Aufgabe 4

Erkläre möglichst genau mit Fachausdrücken, was das folgende Python-Programm macht.

```
1 class Queue:
2
3     def __init__(self):
4         self.items = []
5
6     def __str__(self):
7         return 'in {0} out'.format(self.items)
8
9     def __len__(self):
10        return len(self.items)
11
12    def enqueue(self, item):
13        self.items.insert(0, item)
14
15    def dequeue(self):
16        return self.items.pop()
17
18 q = Queue()
19 q.enqueue(4)
20 q.enqueue(7)
21 x = q.dequeue()
22 print(x)
23 q.enqueue(1)
24 q.enqueue(2)
25 print(q)
26 print(len(q))
```

## OOP: Aufgabe 5

Erkläre möglichst genau mit Fachausdrücken, was das folgende Python-Programm macht.

```
1 class Point:
2
3     def __init__(self, x, y):
4         self.x = x
5         self.y = y
6
7     def __str__(self): # überschreiben der str()-Funktion
8         return('{0}, {1}'.format(self.x, self.y))
9
10    def add(self, other):
11        x = self.x + other.x
12        y = self.y + other.y
13        return Point(x, y)
14
15    def swap(self):
16        self.x, self.y = self.y, self.x
17
18 P = Point(3, 4)
19 Q = Point(1, 2)
20 R = P.add(Q)
21 Q.swap()
22
23 print(P)
24 print(R)
25 print(Q)
```

## OOP: Aufgabe 6

Erkläre möglichst genau mit Fachausdrücken, was das folgende Python-Programm macht und vervollständige den Code der Methode `umfang()` in Zeile 15.

```
1 class Rechteck:
2
3     def __init__(self, a, b):
4         self.a = a
5         self.b = b
6
7     def __str__(self):
8         txt = 'Länge: {0}, Breite {1}'.format(self.a, self.b)
9         return txt
10
11     def inhalt(self):
12         return self.a * self.b
13
14     def umfang(self):
15         ...
16
17 class Quadrat(Rechteck):
18
19     def __init__(self, a):
20         super().__init__(a, a)
21
22 r = Rechteck(3,4)
23 print(r.inhalt())
24 q = Quadrat(5)
25 print(q.inhalt())
```

### Heiratsproblem: Aufgabe 1

Beantworte die folgenden Fragen zum Modell des Heiratsproblems.

- (a) Zähle drei Voraussetzungen auf, welche die Kandidatenliste haben muss, damit sich das Heiratsproblem lösen lässt.
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (b) Mit welcher Strategie kann das Heiratsproblem gelöst werden?
  
  
  
  
  
  
  
  
  
  
- (c) Welche Eigenschaft hat die Lösung des Heiratsproblems?

### Heiratsproblem: Aufgabe 2

Gib den Rang des Kandidaten an, der aufgrund „unserer“ Strategie ausgewählt werden muss, wenn die Begutachtungsphase die Länge  $r$  hat.

- (a)  $[8, 4, 10, 2, 5, 1, 3, 9, 7, 6]$ ,  $r = 4$
- (b)  $[2, 1, 6, 7, 4, 5, 10, 9, 3, 8]$ ,  $r = 5$
- (c)  $[2, 1, 4, 6, 5, 10, 9, 7, 8, 3]$ ,  $r = 2$
- (d)  $[7, 4, 1, 6, 2, 3, 10, 8, 9, 5]$ ,  $r = 0$

### Heiratsproblem: Aufgabe 3

Beschreibe die beiden für die partnersuchende Person ungünstigen Situationen, wenn sie die oben genannten Strategie befolgt.

### Heiratsproblem: Aufgabe 4

- (a) Die Elemente von  $M = \{1, 2, 3\}$  stellen die Ränge potenzieller Partner dar. Notiere in der folgenden Tabelle alle Reihenfolgen dieser Ränge und bestimme für  $r = 0, 1, 2$  den Wert des zu wählenden Partners mit der optimalen Strategie. Wenn es nicht möglich ist, eine Person zu bestimmen, wähle die letzte.

| Permutation | $r = 0$ | $r = 1$ | $r = 2$ |
|-------------|---------|---------|---------|
|             |         |         |         |

- (b) Für welches  $r$  erhält man hier am häufigsten den optimalen Partner (also 3)?
- (c) Wie gross muss man  $r$  bei optimaler Strategie für eine Liste der Länge  $n$  wählen?

### Heiratsproblem: Aufgabe 5

Eine Liste von Kandidaten bestehe aus 200 Personen. Wie viele Kandidaten sollte man etwa ablehnen, wenn die optimale Strategie befolgt wird.

### Heiratsproblem: Aufgabe 6

Auf wie viele Arten kann man 7 verschiedene Objekte in eine Reihenfolge bringen?

### Heiratsproblem: Aufgabe 7

Welche Ausgabe macht das folgende Python-Codefragment?

```
1 L = [3, 4, 2, 1, 5, 7, 8]
2 m = max(L[:5])
3 print(m)
```

## Sortieren: Aufgabe 1

Der folgende Quellcode zeigt die Definition eines uns bekannten Sortierverfahrens, das die Liste  $L = [a_0, a_1, \dots, a_{n-1}]$  im Argument inplace sortiert.

```
1 def sort(L):
2     n = len(L)
3     i = 0
4     while i < n:
5         if i == 0 or L[i-1] < L[i]:
6             i = i + 1
7         else:
8             L[i-1], L[i] = L[i], L[i-1]
9             i = i - 1
```

- (a) Um welchen Sortieralgorithmus handelt es sich? Woran erkennst du das?
- (b) Zeige schrittweise, wie dieser Sortieralgorithmus die folgende Liste sortiert und gib die Anzahl der dafür nötigen Vergleiche an.  
 $L = [3, 1, 4, 2]$
- (d) Gib die asymptotische Laufzeitklasse für den Best Case und den Worst Case von Listen der Länge  $n$  an. Wie sind die Listen dann aufgebaut?

## Sortieren: Aufgabe 2

Der folgende Quellcode zeigt die Definition eines uns bekannten Sortierverfahrens, das die Liste  $L = [a_0, a_1, \dots, a_{n-1}]$  im Argument inplace sortiert.

```
1 def sort(L):
2     n = len(L)
3     for i in range(0, n-1):
4         k = i
5         for j in range(i+1, n):
6             if L[j] < L[k]:
7                 k = j
8         L[i], L[k] = L[k], L[i]
```

- (a) Um welchen Sortieralgorithmus handelt es sich? Woran erkennst du das?
- (b) Zeige schrittweise, wie dieser Sortieralgorithmus die folgende Liste sortiert und gib die Anzahl der dafür nötigen Vergleiche an.
- $L = [3, 1, 5, 2, 4]$
- (c) Gib die asymptotische Laufzeitklasse für den Best Case und den Worst Case von Listen der Länge  $n$  an. Wie sind die Listen dann aufgebaut?

### Sortieren: Aufgabe 3

Der folgende Quellcode zeigt die Definition eines uns bekannten Sortierverfahrens, das die Liste  $L = [a_0, a_1, \dots, a_{n-1}]$  im Argument inplace sortiert.

```
1 def sort(L):
2     n = len(L)
3     for i in range(1, n):
4         x = L[i]
5         j = i-1
6         while j >= 0 and L[j] > x:
7             L[j+1] = L[j]
8             j = j-1
9         L[j+1] = x
```

- (a) Um welchen Sortieralgorithmus handelt es sich? Woran erkennst du das?
- (b) Zeige schrittweise, wie dieser Sortieralgorithmus die folgende Liste sortiert und gib die Anzahl dafür nötigen Vergleiche an.  
 $L = [4, 2, 6, 5, 1]$
- (c) Gib die asymptotische Laufzeitklasse für den Best Case und den Worst Case von Listen der Länge  $n$  an. Wie sind die Listen dann aufgebaut?

## Sortieren: Aufgabe 4

Der folgende Quellcode zeigt die Definition eines uns bekannten Sortierverfahrens, das die Liste  $L = [a_0, a_1, \dots, a_{n-1}]$  im Argument inplace sortiert.

```
1 def sort(L):
2     n = len(L)
3     for i in range(0, n-1):
4         for j in range(0, n-i-1):
5             if L[j] > L[j+1]:
6                 L[j], L[j+1] = L[j+1], L[j]
```

- (a) Um welchen Sortieralgorithmus handelt es sich? Woran erkennst du das?
- (b) Zeige schrittweise, wie dieser Sortieralgorithmus die folgende Liste sortiert und gib die Anzahl der dafür nötigen Vergleiche an.  
 $L = [4, 8, 3, 6, 1]$
- (c) Gib die asymptotische Laufzeitklasse für den Best Case und den Worst Case von Listen der Länge  $n$  an. Wie sind die Listen dann aufgebaut?

## Sortieren: Aufgabe 5

Schreibe eine Python-Funktion `is_sorted(L)`, die `True` zurückgibt, wenn die Liste `L` im Argument aufsteigend sortiert ist und `False` sonst.

## Sortieren: Aufgabe 6

```

1 def quicksort(A):
2     quicksort_helper(A, 0, len(A))
3
4 def quicksort_helper(A, a, b):
5     if a < b:
6         m = partition(A, a, b)
7         quicksort_helper(A, a, m)
8         quicksort_helper(A, m+1, b)
9
10 def partition(A, a, b):
11     pivot = A[b-1]
12     i = a-1
13     for j in range(a, b-1):
14         if A[j] <= pivot:
15             i += 1
16             A[i], A[j] = A[j], A[i]
17     A[i+1], A[b-1] = A[b-1], A[i+1]
18     return i+1

```

- (a) Zeige, schrittweise, wie der Partitionierungsfunktion von Quicksort die folgende Liste partitioniert.

$L = [8, 9, 2, 1, 5, 4]$

- (b) Zeige im dem folgenden Raster, wie eine Liste mit 7 Elementen im Best Case und im Worst Case von Quicksort partitioniert und sortiert wird. Notiere die Pivotposition und die Reihenfolge, in der die Teillisten sortiert werden.

Best Case

|  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |

Worst Case

|  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |

## Sortieren: Aufgabe 7

```
1 def quicksort(A):
2     quicksort_helper(A, 0, len(A))
3
4 def quicksort_helper(A, a, b):
5     if a < b:
6         m = partition(A, a, b)
7         quicksort_helper(A, a, m)
8         quicksort_helper(A, m+1, b)
9
10 def partition(A, a, b):
11     pivot = A[b-1]
12     i = a-1
13     for j in range(a, b-1):
14         if A[j] <= pivot:
15             i += 1
16             A[i], A[j] = A[j], A[i]
17     A[i+1], A[b-1] = A[b-1], A[i+1]
18     return i+1
```

- (a) Zeige, schrittweise, wie der Partitionierungsfunktion von Quicksort die folgende Liste partitioniert.
- $L = [3, 6, 1, 7, 2, 9, 4]$
- (b) Wie nennt man die Programmiertechnik, die in der Funktion `quicksort_helper(...)` angewendet wird?
- (c) Beschreibe jeweils eine Typ von Liste, in welcher der Best Case bzw. der Worst Case auftritt und gib jeweils die asymptotische Laufzeitklasse für diese Fälle in Abhängigkeit der Listenlänge  $n$  an.
- (d) Beschreibe zwei Modifikationen am Quicksort-Algorithmus, mit denen man den Worst Case (mit an Sicherheit grenzender Wahrscheinlichkeit) verhindern kann.