

Aufgabe 1

- *Anschaulich:* Eine n -stellige Permutation ist eine Anordnung von n Elementen in einer bestimmten Reihenfolge.
- *Formal:* Eine n -stellige Permutation ist eine bijektive (eindeutige) Abbildung einer Menge von n Elementen auf sich selbst.

Aufgabe 2

$$p = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 1 & 6 & 4 & 8 & 7 & 3 \\ 3 & 4 & 7 & 2 & 6 & 8 & 5 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 \\ 7 & 3 & 1 & 6 & 4 & 2 & 5 & 8 \end{pmatrix} = (7 \ 3 \ 1 \ 6 \ 4 \ 2 \ 5 \ 8)$$

Aufgabe 3

$$p = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\ 8 & 7 & 3 & 5 & 9 & 1 & 2 & 10 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

$$p = (1 \ 8 \ 10 \ 6) (2 \ 7) (4 \ 5 \ 9)$$

Aufgabe 4

$$p = \begin{pmatrix} 8 & 6 & 10 & 5 & 2 & 7 & 3 & 9 & 1 & 4 \\ 3 & 4 & 2 & 1 & 10 & 7 & 9 & 5 & 8 & 6 \end{pmatrix}$$

$$p = (1 \ 8 \ 3 \ 9 \ 5) (2 \ 10) (4 \ 6)$$

Aufgabe 5

$$p = (2 \ 10 \ 9 \ 3 \ 6) (4 \ 5) (7 \ 8)$$

$$p = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 \\ 1 & 10 & 6 & 5 & 4 & 2 & 8 & 7 & 3 & 9 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 6

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 2 & 5 & 3 & 4 & 1 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 4 & 2 & 5 & 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 4 & 5 & 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 7

$$p = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$(a) p^2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$(b) p^3 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$(c) p^4 = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$(d) p^{74} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 8

$$p = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 4 & 7 & 6 & 3 & 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$$

$$p^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 7 & 4 & 1 & 6 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

Aufgabe 9

$$p = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 2 & 5 & 1 & 4 & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow 5 \text{ Inversionen}$$

Konkret handelt es sich um die Fehlstände (2,1), (5,1), (5,4), (5,3), (4,3)

Aufgabe 10

$n = 201$ Elemente

Es sind maximal $s = 200 + 199 + \dots + 2 + 1$ Inversionen möglich.

$$s = \frac{200 \cdot (200 + 1)}{2} = 20\,100$$

Aufgabe 11

In $77!$ sind folgende Faktoren einmal durch 5 teilbar:

5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 65, 70, 75.

Diese Faktoren sind noch ein zweites Mal durch 5 teilbar:

25, 50, 75.

Somit kommt der Faktor 5 insgesamt 18 Mal in $77!$ vor, weshalb 18 Nullen am Ende von $77!$ stehen.

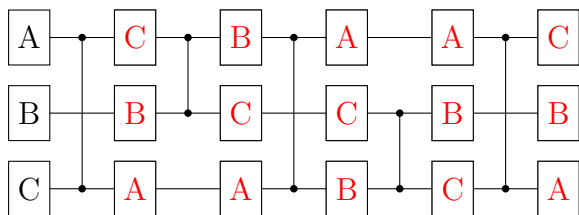
Aufgabe 12

$$\frac{450!}{449!} = \frac{450 \cdot 449!}{449!} = 450$$

Aufgabe 13

$$\frac{n!}{(n-2)!} = \frac{n \cdot (n-1) \cdot (n-2)!}{(n-2)!} = n(n-1)$$

Aufgabe 14



Das Permutationsnetzwerk erzeugt nicht alle $3! = 6$ Permutationen, denn die Permutationen ABC und CBA kommen, von oben nach unten gelesen, jeweils doppelt vor.

Aufgabe 15

n	$T(n, i)$							
2	1							
3	1	1						
4	1	2	3					
5	1	1	1	1				
6	1	2	3	4	5			
7	1	1	1	1	1	1		
8	1	2	3	4	5	6	7	
9	1	1	1	1	1	1	1	1

Aufgabe 16

