Rekursion

Prüfungsvorbereitung

Beschreibe den Begriff Rekursion in der Programmierung.

Bei der Rekursion enthält die Definition einer Funktion einen Teil, in dem sie sich selber aufruft. Damit bei der Ausführung der Funktion kein endloser Prozess entsteht, muss die Definition der rekursiven Funktion eine Abbruchbedingung (*Base Case*) enthalten. werden.

Beschreibe je einen Vor- und einen Nachteil des Programmierens mit einer Rekursion.

- Vorteil(e): Rekursiv definierte Funktionen haben oft einen kurzen Quellcode und sind (für erfahrene Anwender) manchmal übersichtlicher als die entsprechende iterative Version.
- Nachteil: Jeder rekursive Aufruf benötigt zusätzlichen Speicherplatz für die Zwischenresultate, was dazu führen kann, dass die Rekursion aufgrund von Speichermangel "abstürzt".

Welche Ausgabe macht die folgende Python-Funktion?

```
def f(n):
    if n == 1:
        return 7
    else:
        return n + f(n-1)
print(f(4))
```

Aufgabe 3 def f(n): if n == 1: return 7 else: return n + f(n-1) print(f(4))

$$f(4) = 4 + f(3) = 4 + (3 + f(2)) = 4 + (3 + (2 + f(1)))$$
$$= 4 + (3 + (2 + 7)) = 4 + (3 + 9) = 4 + 12 = 16$$

Welche Ausgabe macht die folgende Python-Funktion?

```
def f(n):
    if n < 2:
        return 3
    else:
        return 2*f(n-1) + 1</pre>
```

Aufgabe 4 def f(n): if n < 2: return 3 else: return 2*f(n-1) + 1print(f(4)) $f(4) = 2 \cdot f(3) + 1 = 2 \cdot (2 \cdot f(2) + 1) + 1$ $= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot f(1) + 1) + 1) + 1$ $= 2 \cdot (2 \cdot (2 \cdot 3 + 1) + 1) + 1$ $= 2 \cdot (2 \cdot 7 + 1) + 1 = 2 \cdot 15 + 1 = 31$

Welche Ausgabe macht die folgende Python-Funktion?
def f(n):
 if n < 3:
 return n
 elif n % 2 == 0:
 return 2*f(n-1)
 else:
 return 2+f(n-1)</pre>

Aufgabe 5 def f(n): if n < 3: return n elif n % 2 == 0: return 2*f(n-1) else: return 2+f(n-1) print(f(5)) $f(5) = 2 + f(4) = 2 + (2 \cdot f(3)) = 2 + (2 \cdot (2 + f(2)))$ $= 2 + (2 \cdot (2 + 2)) = 2 + (2 \cdot 4) = 2 + 8 = 10$

Stelle die (rekursive) Funktion f als iterative Funktion g mit einer for-Schleife dar.

```
def f(n):
    if n == 1:
        return n
    else:
        return n + f(n-1)
```

```
def f(n):
    if n == 1:
        return n
    else:
        return n + f(n-1)
def g(n):
    summe = 0
    for k in range(1, n+1):
        summe = summe + k
    return summe
for i in range(1, 20):
    print(f(i), g(i))
```

Definiere eine Python-Funktion factorial(n), welche die Werte n! für $n = 0, 1, 2, \ldots$ rekursiv berechnet.

```
def factorial(n):
    if n == 0:
        return 1
    else:
        return n*factorial(n-1)

# Testcode (optional)
for i in range(0, 10):
    print(i, factorial(i))
```

Definiere eine Python-Funktion factorial(n), welche die Werte n! für $n=0,1,2,\ldots$ iterativ, also mit einer Schleife berechnet. Verwende zum Platzsparen eine Einrückung von 2 statt 4 Zeichen.

```
def factorial(n):
    f = 1  # Alternative:
    for k in range(0,n): # for k in range(1, n+1)
        f = f * (k+1) # f = f * k
    return f

# Testcode (optional)
for i in range(0, 10):
    print(i, factorial(i))
```

Definiere eine Python-Funktion fibo(n), welche die Werte

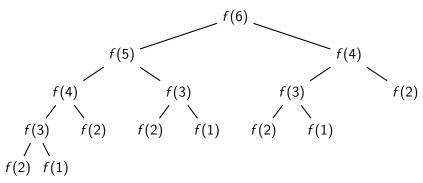
```
fibo(1)=1, fibo(2)=1, fibo(3)=2, fibo(4)=3, fibo(5)=5, fibo(6)=8, ...
```

rekursiv berechnet. Verwende eine Einrückungstiefe von 2 statt 4 Zeichen.

Aufgabe 9 def fibo(n): if n < 2: return n else: return fibo(n-1)+fibo(n-2) # Testcode print(*[fibo(i) for i in range(1, 10)])</pre>

Warum verlangsamt sich die Ausführung der rekursiven Funktion zur Berechnung der Werte der Fibonacci-Folge immer stärker?

Der Rekursionsbaum der Fibonacci-Folge zeigt, dass für n>1 der Aufruf von f(n) umso häufiger vorkommt, je kleiner die Zahl n ist. Daher verbringt die rekursive Funktion immer mehr Zeit damit, Werte die sie bereits berechnet hat, in weiteren Rekursionsaufrufen noch weitere Male zu berechnen.



Definiere eine Python-Funktion fibo(n), welche die Werte

```
fibo(1)=1, fibo(2)=1, fibo(3)=2, fibo(4)=3, fibo(5)=5, fibo(6)=8, ...
```

iterativ berechnet. Verwende eine Einrückungstiefe von 2 statt 4 Zeichen.

```
def fibo(n):
    a1 = 0
    a2 = 1
    for i in range(1, n):
        a2, a1 = a1 + a2, a2
    return a2

# Testcode
print(*[fibo(i) for i in range(1, 10)])
```