

**Aufgabe 1**

Bestimme für jede Funktion  $f(n)$  und jede Problemgröße  $n$  die Dauer  $t$ , wenn der Algorithmus  $f(n)$  Sekunden zur Lösung des Problems benötigt.

$f(n)$	$n = 2$	$n = 4$	$n = 8$	$n = 16$
1				
$\log_2 n$				
$\sqrt{n}$				
$n$				
$n \log_2 n$				
$n^2$				
$n^3$				
$2^n$				65536
$n!$			40320	$2.1 \cdot 10^{13}$

**Aufgabe 2**

Zu welcher Komplexitätsklasse gehören die Algorithmen mit der folgenden Laufzeitfunktion  $T(n)$  [in ms].

- (a)  $T(n) = 4n + 5n^2 - 2$
- (b)  $T(n) = 2^{n+3}$
- (c)  $T(n) = 4$
- (d)  $T(n) = \sqrt{7.6n}$
- (e)  $T(n) = \log_2(234n)$
- (f)  $T(n) = (4n + 3)(5n - 4)(7n - 6)$

**Aufgabe 3**

In welcher Komplexitätsklasse befindet sich  $T_1(n) + T_2(n)$ , wenn  $T_1(n) \in \mathcal{O}(n^2)$  und  $T_2(n) \in \mathcal{O}(n^3)$  gilt?

**Aufgabe 4**

In welcher Komplexitätsklasse befindet sich  $T_1(n) \cdot T_2(n)$ , wenn  $T_1(n) \in \mathcal{O}(n^2)$  und  $T_2(n) \in \mathcal{O}(n^3)$  gilt?

### Aufgabe 5

Eine Implementation eines Algorithmus' hat eine Laufzeitkomplexität von  $\mathcal{O}(n^2)$  und benötigt etwa  $20 \mu\text{s}$  für das Lösen eines Problems der Grösse  $n = 100$ . Bestimme die ungefähre Laufzeit für ein Problem der Grösse  $n = 200$ .

### Aufgabe 6

Eine Implementation eines Algorithmus' hat eine Laufzeitkomplexität von  $\mathcal{O}(\sqrt{n})$  und benötigt etwa  $10 \text{ ms}$  für das Lösen eines Problems der Grösse  $n = 200$ . Bestimme die ungefähre Laufzeit für ein Problem der Grösse  $n = 20000$ .

### Aufgabe 7

Eine Implementation eines Algorithmus' hat eine Laufzeitkomplexität von  $\mathcal{O}(\log_2 n)$  und benötigt etwa  $5 \text{ s}$  für das Lösen eines Problems der Grösse  $n = 1000$ . Bestimme die ungefähre Laufzeit für ein Problem der Grösse  $n = 8000$ .

### Aufgabe 8

Eine Implementation eines Algorithmus' hat eine Laufzeitkomplexität von  $\mathcal{O}(n!)$  und benötigt etwa  $50 \text{ ms}$  für das Lösen eines Problems der Grösse  $n = 19$ . Bestimme die ungefähre Laufzeit für ein Problem der Grösse  $n = 20$ .

### Aufgabe 9

Bestimme die Komplexitätsklasse des Python Code-Fragments:

```
1 s = 0
2 for i in range(0, len(A)):
3     s += A[i]
```

### Aufgabe 10

Bestimme die Komplexitätsklasse des Python Code-Fragments:

```
1 s = 1
2 for i in range(1, n):
3     for j in range(1, n):
4         s = s + i*j
```

### Aufgabe 11

Bestimme die Komplexitätsklasse des Python Code-Fragments.

```
1 a = 4
2 b = a**2
3 c = -b
4 d = (a+b)*c
```

## Aufgabe 12

Bestimme die Komplexitätsklasse des folgenden Code-Fragments:

```
1 i = n
2 s = 0
3 while i > 0:
4     s = s + 1
5     i = i // 2
```

## Aufgabe 13

Zu welcher Komplexitätsklasse gehören die folgenden Algorithmen?

- (a) Ein Element in einer unsortierten Liste **suchen**.
- (b) Zwei Matrizen multiplizieren.
- (c) Eine Liste mit Bubblesort sortieren.
- (d) Die Brute-Force-Lösung des Travelling Salesman-Problems.
- (e) Eine Liste mit zufällig angeordneten Elementen mit Quicksort sortieren.